Resoluções

Capítulo 6

Potencial elétrico - Diferença de potencial (d.d.p.)



ATIVIDADES PARA SALA- PÁG. 19

01 E

$$U = E \cdot d \Rightarrow U = 300 \text{ N/C} \cdot 1,5 \cdot 10^{-2} \text{ m}$$

 $U = 4,5 \text{ V}$

02

I.
$$E = \frac{KQ}{d^2} \implies 9 \cdot 10^3 = \frac{KQ}{d^2} \implies K \cdot Q = 9 \cdot 10^3 \cdot d^2$$

II.
$$V = \frac{K \cdot Q}{d} \Rightarrow 18 \cdot 10^3 = \frac{9 \cdot 10^3 \cdot d^2}{\cancel{d}} \Rightarrow$$

$$18 \cdot 10^3 = 9 \cdot 10^3 \cdot d \implies d = \frac{18 \cdot 10^3}{9 \cdot 10^3} = 2 \text{ m}$$

$$K \cdot Q = 9 \cdot 10^3 \cdot d^2$$

$$9 \cdot 10^9 \cdot Q = 9 \cdot 10^3 \cdot 4 \implies d = \frac{36 \cdot 10^3}{9 \cdot 10^9}$$

$$Q=4\cdot 10^{-6} \Rightarrow Q=4\mu C$$

03 C

I.
$$F_e = P \Rightarrow q \cdot E = m \cdot g \Rightarrow E = \frac{m \cdot g}{g}$$

$$E = \frac{1 \cdot 10^{-6} \text{ kg} \cdot 10 \text{ m/s}^2}{2 \cdot 10^{-9} \text{ C}} \Rightarrow E = 5 \cdot 10^3 \text{ N/C}$$

II.
$$d = \frac{U}{E} \Rightarrow d = \frac{100 \text{ V}}{5 \cdot 10^3 \text{ N/C}}$$

$$d = 20 \cdot 10^{-3} \, \text{m} \Rightarrow d = 2 \, \text{cm}$$

04

$$F_R = F - P \Rightarrow m \cdot a = q \cdot E - m \cdot g$$
 $m \cdot g + m \cdot g = q \cdot E \Rightarrow E = \frac{2 mg}{q}$

05 E

(1)
$$V = K \cdot \frac{Q}{d} \Rightarrow 45 = 9 \cdot 10^9 \cdot \frac{Q}{2} \Rightarrow Q = \frac{90}{9 \cdot 10^9}$$

 $Q = 10 \cdot 10^{-9} \text{ C} \Rightarrow Q = 1.0 \cdot 10^{-8} \text{ C}$

(2)
$$V_1 = K \cdot \frac{Q}{d} \Rightarrow V_1 = 9 \cdot 10^9 \cdot \frac{1 \cdot 10^{-8}}{1}$$

 $V_2 = 9 \cdot 10^1 \text{ V} \Rightarrow V_3 = 90 \text{ V}$

(3)
$$v = K \cdot \frac{Q}{d_2} \Rightarrow 15 = 9 \cdot 10^9 \cdot \frac{1 \cdot 10^{-8}}{d_2}$$

$$d_2 = \frac{90}{15} \Rightarrow d_2 = 6.0 \text{ m}$$

ATIVIDADES PROPOSTAS- PÁG. 20

01 B

I.
$$\tau_{AB} = q \cdot U_{AB} \Rightarrow \tau_{AB} = 4 \cdot 10^{-8} \text{ C} \cdot (200 \text{ V} - 80 \text{ V})$$

 $\tau_{AB} = 4.8 \cdot 10^{-6} \text{ J}$

II.
$$U = E \cdot d \implies 120 \text{ V} = 20000 \text{ N/C} \cdot d$$

 $d = 0.006 \text{ m} \implies d = 6 \cdot 10^{-3} \text{ m}$

02 A

$$U_{MN} = E \cdot d \implies V_{M} - V_{N} = E \cdot d \implies 40 - V_{N} = 5 \cdot 10^{3} \cdot 1 \cdot 10^{-2}$$

 $V_{N} = 40 - 50 \implies V_{N} = -10 \text{ V}$

03 A

$$\begin{split} \tau_{PQ} &= \Delta E_{P(PQ)} = \Delta E_p = q \cdot E \cdot d \\ \Delta E_{P(PQ)} &= 2 \cdot 10^{-9} \cdot 4 \cdot 10^2 \cdot 4 \\ \Delta E_{P(PQ)} &= 32 \cdot 10^{-7} \, J \end{split}$$

Δ Δ

4 A

I.
$$E = k \cdot \frac{Q}{d^2} \Rightarrow 9 \cdot 10^3 = 9 \cdot 10^9 \cdot \frac{Q}{d^2}$$

$$\frac{Q}{d^2} = 1 \cdot 10^{-6} \Rightarrow Q = 1 \cdot 10^{-6} \cdot d^2$$

$$Q = 1 \cdot 10^{-6} \cdot (2)^2 \Rightarrow Q = 4 \cdot 10^{-6} = Q = 4 \mu C$$

II.
$$V = k \cdot \frac{Q}{d} \Rightarrow 18 \cdot 10^3 = 9 \cdot 10^9 \cdot \frac{1 \cdot 10^{-6} \cdot d^2}{\cancel{d}}$$

 $18 \cdot 10^3 = 9 \cdot 10^3 \cdot d \Rightarrow d = 2 \text{ m}$

05 A

O maior módulo da d.d.p. é determinado entre os pontos de menor distância em relação à carga +Q.

06) E

As cargas de mesma natureza, posicionadas na mesma direção, formam vetores de mesmo módulo e direção, porém de sentidos opostos em relação ao centro do quadrado. Sendo o potencial elétrico uma grandeza escalar, tem-se que o $V_{\scriptscriptstyle R}=\Sigma V$. Com isso, cargas de mesmo valor e

de sinais opostos determinam $V_p = 0$.

07 B

 $\tau_{\overline{XY}}$ = E · q · U, o trabalho realizado no deslocamento da carga entre dois pontos é igual à energia potencial armazenada pela carga no ponto X.

08 D

(1)
$$E_1 = E_2 \Rightarrow \frac{\cancel{K} \cdot |Q_1|}{d_1^2} = \frac{\cancel{K} \cdot |Q_2|}{d_2^2} \Rightarrow \frac{Q_1}{d_1^2} = \frac{Q_2}{d_2^2} \Rightarrow$$

$$\frac{Q_1}{x^2} = \frac{Q_2}{(x-6)^2} \Rightarrow \frac{4\cancel{MC}}{x^2} = \frac{1\cancel{MC}}{(x-6)^2} \Rightarrow$$

$$x^2 = 2^2 \cdot (x-6)^2 \Rightarrow x = 2(x-6) \Rightarrow x = 12 \text{ cm}$$

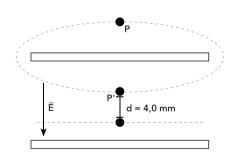
(2)
$$V_1 = V_2 \Rightarrow \frac{\cancel{K} \cdot Q_1}{d_1} = \frac{\cancel{K} \cdot Q_2}{d_2}$$

$$\frac{4 \cancel{\mu} \cancel{C}}{x} = \frac{1 \cancel{\mu} \cancel{C}}{x - 6} \Rightarrow x = 4x - 24 \Rightarrow x = 8 \text{ cm}$$

09 B

Estando a partícula em equilíbrio, a resultante das forças aplicadas ao corpo é igual a zero, com isso $P = F_a$.

10 D



Observação: $V_p = V_{p''}$ pois os pontos estão sobre a mesma superfície.

$$\begin{split} &U_{P'O} = E \cdot d \implies U_{P'O} = 10^5 \cdot 4 \cdot 10^{-3} \implies U_{P'O} = 4 \cdot 10^2 \, V \\ &\tau_{FE} = q \cdot (V_O - V_P) \implies \tau_{FE} = 10^{-14} \cdot (-4 \cdot 10^{+2}) \\ &\tau_{EE} = -4 \cdot 10^{-12} \, J \end{split}$$

Com isso, tem-se que o $\tau_{(operador)} = -\,\tau_{FE}$ $\tau_{(operador)} = 4\,\cdot\,10^{-12}\,J$

ATIVIDADES PARA SALA- PÁG. 29

01 B

Sabendo que a energia potencial elétrica adquirida pela carga vale 0,54 J, é possível determinar o potencial elétrico no ponto onde ela se encontra:

$$E_{p} = q \cdot V_{p}$$

 $0.54 = 2 \cdot 10^{-6} \cdot V_{p}$
 $V_{p} = 2.7 \cdot 10^{5} V$

Como o ponto está situado a 40 cm da carga fonte, é possível determinar o potencial desta:

$$\begin{split} V_p &= K \cdot \frac{Q}{d} \Longrightarrow Q = \frac{V_p \cdot d}{K} = \frac{2,7 \cdot 10^5 \cdot 0,4}{9 \cdot 10^9} = \frac{1,08 \cdot 10^5}{9 \cdot 10^9} \Longrightarrow \\ Q &= \frac{108 \cdot 10^3}{9 \cdot 10^9} = 12 \cdot 10^{-6} \ \mu\text{C} \Longrightarrow Q = 12 \ \mu\text{C} \end{split}$$

02 D

A energia inicial adquirida pela carga elétrica:

$$E_{P(inicial)} = q \cdot E_{P(inicial)} = 10 \cdot 8 = 80 J$$

Energia final adquirida pela carga elétrica:

$$E_{P(final)} = q \cdot E_{P(final)} = 10 \cdot 5 = 50 J$$

Note que a carga elétrica teve a sua energia potencial reduzida 30 J.

03 C

Como as esferas condutoras estão conectadas por um fio condutor, elas estão em um mesmo potencial:

$$V = k \cdot \frac{q_1}{r_1} = k \cdot \frac{q_2}{r_2} \Longrightarrow \frac{q_1}{q_2} = \frac{r_1}{r_2}$$

Logo

$$\frac{q_1}{q_2} = \frac{0.75}{0.15} = 5$$

04 E

Se a partícula entra em movimento, ocorre uma diminuição de sua energia potencial e, consequentemente, um aumento em sua energia cinética.

05 B

Em uma esfera condutora maciça carregada, o potencial em qualquer ponto do metal é o mesmo, isto é, o potencial no centro da esfera é igual ao potencial na superfície da esfera ou de qualquer outro ponto da esfera. Em uma esfera oca acontece o mesmo: o potencial em qualquer ponto do condutor é igual. Uma gaiola se comporta como uma esfera oca: o potencial da superfície externa é o mesmo potencial da superfície interna. Como o cientista está em contato com a parte interna da gaiola, ele está com o mesmo potencial da gaiola. Assim, ele não está sujeito a uma diferença de potencial ΔU (d.d.p.), logo, não leva choque, pois seu corpo (com resistência R) não é percorrido por corrente elétrica:

$$i = \frac{\Delta U}{R} \Rightarrow i = \frac{0}{R} \Rightarrow i = 0$$

ATIVIDADES PROPOSTAS- PÁG. 30

01 B

No interior de um condutor (caixa metálica) em equilíbrio eletrostático, as cargas distribuem-se na superfície externa do condutor, anulando o campo elétrico no seu interior. Esse fenômeno é conhecido como blindagem eletrostática.

02 D

O potencial elétrico no ponto A é igual a zero ($V_A = 0$), pois o ponto A encontra-se na mesma superfície equipotencial do ponto B.

$$E = \frac{U}{d} \Rightarrow V_A - V_C = E \cdot d \Rightarrow 0 - V_C = \frac{10V}{m} \cdot 4 \text{ m}$$

$$V_C = -40 \text{ V}$$

03 A

$$E = \frac{U}{d} \Rightarrow U = 3.6 \cdot 10^6 \text{ N/C} \cdot 0.5 \text{ m} \Rightarrow U = 1.8 \cdot 10^6 \text{ V}$$

04 E

As linhas de força são as linhas cheias e as linhas tracejadas são as equipotenciais. As linhas de força partem de A e chegam em B. Logo, A: (+) e B: (-).

05 A força elétrica atua como resultante centrípeta na carga que está girando, logo:

 $I. \quad F_e = F_{cp}$

$$\frac{K \cdot |Q| \cdot |q|}{R^2} = \frac{m \cdot V^2}{R} \Rightarrow R = \frac{K \cdot |Q| \cdot |q|}{m \cdot V^2} = \frac{9 \cdot 10^9 \cdot 15 \cdot 10^{-6} \cdot 2 \cdot 10^{-6}}{6 \cdot 10^{-3} \cdot 30^2}$$

$$R = \frac{270 \cdot 10^{-3}}{5400 \cdot 10^{-3}} = 0,05 \text{ m} \Rightarrow R = 5 \text{ cm}$$

II. A energia total do sistema é dada pela soma de sua energia potencial com a energia cinética. Logo:

$$E_{t} = E_{c} + E_{p} = \frac{m \cdot V^{2}}{2} + K \cdot \frac{Q \cdot q}{R}$$

$$E_{t} = \frac{6 \cdot 10^{-3} \cdot 30^{2}}{2} + 9 \cdot 10^{9} \cdot \frac{(15 \cdot 10^{-6}) \cdot (-2 \cdot 10^{-6})}{5 \cdot 10^{-2}} = 2,7 - 5,4$$

$$E_{t} = -2,7J$$

06 D

Sabe-se que o campo elétrico de um condutor no interior é nulo. Uma ampliação prática dessa propriedade é a blindagem eletrostática, que é um dispositivo empregado na proteção de aparelhos contra a influência elétrica. Constitui-se, basicamente, em uma capa ou rede metálica que envolve o aparelho que se quer isolar. A blindagem eletrostática mostra que a pessoa dentro de um ônibus atingido por um raio nada sofrerá, pois a estrutura metálica do ônibus isola o seu interior das influências elétricas externas.

07 D

Dois condutores eletrizados, quando colocados em contato, trocam cargas até que seus potenciais elétricos se igualem.

$$V_{_{A}}=V_{_{B}}\Rightarrow\frac{KQ_{_{A}}}{R_{_{A}}}=\frac{KQ_{_{B}}}{R_{_{B}}}\Rightarrow\frac{Q_{_{A}}}{R_{_{A}}}=\frac{Q_{_{B}}}{R_{_{B}}}$$

Como as cargas são positivas: $R_{\Delta} < R_{B} \Rightarrow Q_{\Delta} < Q_{B}$.

08 D

O potencial elétrico nos pontos internos e superficiais de um condutor é constante, logo Va = Vb, e Vc está no ponto externo do condutor (mais distante), logo, Va = Vb > Vc.

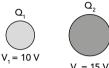
09 D

Entre os pontos 1 e 2, 3 e 4, o potencial elétrico é constante e diferente de zero.

Entre os pontos 2 e 3, há uma queda de potencial elétrico, já entre os pontos 4 e 1, há uma elevação do potencial.

10 D

l. Situação inicial



Situação final

Q'

V

Na condição de equilíbrio eletrostático, o potencial elétrico nas esferas serão iguais.

II. Aplicando o Princípio da Conservação da Carga Elétrica, tem-se:

$$\sum_{\text{(inicial)}} Q_{\text{(final)}} = \sum_{\text{(final)}} Q_{\text{(final)}}$$

$$Q_{1} + Q_{2} = Q'_{1} + Q'_{2}$$

$$\frac{V_{1} R_{1}}{V_{1} R_{1}} + \frac{V_{2} R_{2}}{V_{2} R_{2}} = \frac{V R_{1}}{V_{1} R_{1}} + \frac{V R_{1}}{V_{2} R_{2}}$$

$$\frac{V_1 R_1}{\cancel{K}} + \frac{V_2 R_2}{\cancel{K}} = \frac{V R_1}{\cancel{K}} + \frac{V R_2}{\cancel{K}}$$

$$10 \cdot 0.5 + 15 \cdot 1 = V \cdot 0.5 + V \cdot 1$$

$$V = \frac{20}{1,5}$$

$$V = 13,3 V$$