

Resoluções

Capítulo 6

Matrizes – Conceitos básicos

ATIVIDADES PARA SALA

01 a)

	Filé de frango (100 g)	Sardinha (100 g)	Contrafilé (100 g)
Energia (kcal)	159	164	278
Proteína (g)	32	32,2	32,4

ou

	Energia (kcal)	Proteína (g)
Filé de frango (100 g)	159	32
Sardinha (100 g)	164	32,2
Contrafilé (100 g)	278	32,4

$$b) \begin{bmatrix} 159 & 164 & 278 \\ 32 & 32,2 & 32,4 \end{bmatrix} \text{ ou } \begin{bmatrix} 159 & 32 \\ 164 & 32,2 \\ 278 & 32,4 \end{bmatrix}$$

c) De ordem 3×2 ou 2×3 .

02 a) R\$ 2800,00

b) $1800 + 1740 + 2700 + 2300 + 2040 = \text{R\$ } 10580,00$

c) $1950 + 2030 + 1800 + 1950 = \text{R\$ } 7730,00$

03 a) Instante 2, 4^o dia.

$$b) \frac{38,6 + 37,2 + 36,1}{3} = 37,3$$

04 c)

Sendo A do tipo 3×2 , tem-se que $A = \begin{pmatrix} a_{11} & a_{12} \\ a_{21} & a_{22} \\ a_{31} & a_{32} \end{pmatrix}$.

Como $a_{ij} = \begin{cases} 1, & \text{se } i \neq j \\ i^2, & \text{se } i = j \end{cases}$, tem-se:

$$\begin{aligned} a_{11} &= 1^2 = 1 & a_{12} &= 1 \\ a_{21} &= 1 & a_{22} &= 2^2 = 4 \\ a_{31} &= 1 & a_{32} &= 1 \end{aligned}$$

$$\text{Portanto, } A = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 4 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}.$$

$$05 \begin{cases} x + y = 3 \\ x - y = -1 \end{cases}$$

$$2x = 2$$

$$x = 1 \text{ e } y = 2$$

$$x \cdot y = 2$$

ATIVIDADES PROPOSTAS

$$01 \begin{aligned} a_{11} &= 2 \cdot 1 = 2 \\ a_{21} &= 2 + 1 = 3 \\ a_{31} &= 3 + 1 = 4 \end{aligned}$$

$$A = \begin{bmatrix} a_{11} \\ a_{21} \\ a_{31} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 \\ 3 \\ 4 \end{bmatrix}$$

$$02 \begin{aligned} a_{11} &= 0 & a_{12} &= 3 & a_{13} &= 4 \\ a_{21} &= 1 & a_{22} &= 0 & a_{23} &= 5 \end{aligned}$$

$$A = \begin{pmatrix} 0 & 3 & 4 \\ 1 & 0 & 5 \end{pmatrix}$$

03 d)

$$A = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} & a_{14} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} & a_{24} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} & a_{34} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & -1 & -2 & -3 \\ 2 & 0 & -1 & -2 \\ 3 & 6 & 0 & -1 \end{bmatrix}$$

$$A^t = \begin{bmatrix} 0 & 2 & 3 \\ -1 & 0 & 6 \\ -2 & -1 & 0 \\ -3 & -2 & -1 \end{bmatrix} \Rightarrow a_{32} = -1$$

$$04 a) A = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} \end{bmatrix}$$

$$\text{Logo, } A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & -1 \\ 3 & 2 & 1 \end{bmatrix}.$$

$$b) \begin{cases} x^2 = 4 \longrightarrow x = \pm 2 \\ x = 2 \\ x - y = 1 \xrightarrow{x=2} y = 1 \\ y + z = 8 \xrightarrow{y=1} z = 7 \end{cases} x = 2$$

05 $A = \begin{bmatrix} 5 & 0 & 2 \\ 0 & 1 & 3 \\ 4 & 2 & 1 \end{bmatrix}$

- a) $a_{23} = 3$ unidades
 b) $5a_{11} = 5 \cdot 5 = 25$
 $4a_{21} = 4 \cdot 0 = 0$
 $2a_{31} = 2 \cdot 4 = 8$

Logo, serão necessárias $(25 + 0 + 8)$ 33 unidades.

06 **E**
 $30 + 15 = 45$

07 $x^2 - 15 = 1$
 $x^2 = 16$
 $x = 4$ ou -4

Para verificar pelo termo $A_{2 \times 2}$, utiliza-se $x - 3 = 1$ para identidade $x = +4$.

08 **C**
 $C_2M_3 = 8$
 $C_3M_2 = 10$
 $C_1M_1 = 20$
 Custo mínimo = R\$ 38,00.

09 **E**

$$\begin{bmatrix} 2 & -1 & 2y \\ x & 0 & z-1 \\ 4 & 3 & 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 & x & 4 \\ -1 & 0 & 3 \\ 2y & z-1 & 2 \end{bmatrix}$$

$x = -1 \quad 2y = 4 \quad z - 1 = 3 \quad x + y + z = -1 + 2 + 4 = 5$
 $v = 2 \quad z = 4$

10 **B**
 Para que a igualdade seja verdadeira, deve-se ter:
 $-1 = x + 1 \Rightarrow x = -2$
 $x = 3x + 4 \Rightarrow x = -2$
 $2 = x + 4 \Rightarrow x = -2$
 $x^2 - 2 = 2 \Rightarrow x = \pm 2$
 Portanto: $x = -2$.